

## DETALJNI IZVEDBENI NASTAVNI PLAN PREDMETA

| Opće informacije                                       |   |  |
|--|---|--|
| <b>Naziv predmeta</b>                                  | <b>Elementarna matematika II</b>                      |  |
| <b>Studijski program</b>                               | Preddiplomski studij Matematika                       |  |
| <b>Godina</b>  | I. godina, II. semestar                               |  |
| <b>Status predmeta</b>                                 | Obvezatan   |  |
| <b>Web stranica predmeta/Merlin</b>                    | Merlin, Odjel za matematiku, Elementarna matematika 2 |  |
| <b>Mogućnost izvođenja nastave na engleskom jeziku</b> | Da, prema potrebi                                     |  |
| <b>Bodovna vrijednost i način izvođenja nastave</b>    | <b>ECTS koeficijent opterećenja studenata</b>         | 7  |
|  | <b>Broj sati (P+V+S)</b>                              | 45 + 30 + 0  |
| <b>Nositelj predmeta</b>                               | <b>Ime i prezime</b>                                  | <b>René Sušanj</b>   |
|  | <b>Ured</b>   | O-305  |
|  | <b>Vrijeme za konzultacije</b>                        | prema dogovoru   |
|  | <b>Telefon</b>  | 584-674  |
|  | <b>e-adresa</b>                                       | <a href="mailto:rsusani@math.uniri.hr">rsusani@math.uniri.hr</a>     |
| <b>Suradnik na predmetu</b>                            | <b>Ime i prezime</b>                                  | <b>Nevena Jurčević Peček</b>   |
|  | <b>Ured</b>   | O-324  |
|  | <b>Vrijeme za konzultacije</b>                        | ponedjeljak, 11:00-12:00   |
|  | <b>Telefon</b>  | 584-663  |
|  | <b>e-adresa</b>                                       | <a href="mailto:njurcevic@math.uniri.hr">njurcevic@math.uniri.hr</a> |

### 1. OPIS PREDMETA

#### 1.1. Ciljevi predmeta

Cilj ovog predmeta je upoznati studente s nekim osnovnim konceptima elementarne matematike, primjerice skupovima brojeva, preslikavanjima ravnine i prostora, konikama, poliedrima. U tu je svrhu potrebno:

- definirati skupove prirodnih, cijelih, racionalnih, realnih i kompleksnih brojeva te analizirati njihova svojstva,
- definirati i analizirati pojmove o preslikavanjima ravnine,
- definirati i analizirati osnovna svojstva konika,
- definirati pojmove o preslikavanjima prostora,
- definirati osnovne pojmove o poliedrima.

#### 1.2. Korelativnost i korespondentnost predmeta

Predmet je u korelaciji s ostalim matematičkim predmetima, osobito s Elementarnom matematikom I, Matematičkom analizom I, Linearnom algebrrom I i II.

#### 1.3. Očekivani ishodi učenja za predmet

Nakon odslušanog predmeta i položenog ispita studenti će biti u stanju:

- definirati skupove prirodnih, cijelih, racionalnih, realnih i kompleksnih brojeva te analizirati i argumentirano primjenjivati njihova svojstva (A6, B7, D6, E6, F6),
- prezentirati aksiomatsku i induktivnu izgradnju skupova prirodnih, cijelih, racionalnih, realnih i kompleksnih brojeva kao i konstrukcije pripadnih ulaganja (A6, B6, D6, E6, F6),
- formulirati i klasificirati preslikavanja ravnine (A6, B6, D5, E6, F6),
- formulirati aksiomatsku izgradnju euklidskog prostora E3 te definirati pojmove usko vezane za preslikavanja tog prostora (A6, B6, D5, E6, F6),
- definirati i klasificirati konike te argumentirano primjenjivati njihova osnovna svojstva na zadanim zadacima (A6, B6, D5, E6, F6),
- definirati poliedre i formulirati njihova osnovna svojstva koja će argumentirano primjenjivati na zadanim zadacima (A6, B6, D5, E6, F6),
- argumentirano primijeniti algoritme vezane za djeljivost u rješavanju zadataka (A6, B6, D6, E6, F6),
- riješiti zadatke korištenjem modularne aritmetike (A6, B6, D6, E6, F6),
- riješiti kongruencijske jednadžbe te sustave kongruencija različitih oblika (A6, B6, D6, E6, F6),
- matematički dokazati utemeljenost svih postupaka i formula kojima se služe u okviru ovog kolegija (A6, B6, D6, E6, F6).

#### 1.4. Okvirni sadržaj predmeta

Skup prirodnih brojeva. Peanovi aksiomi. Skup cijelih brojeva. Matematička indukcija. Djeljivost cijelih brojeva (kriteriji djeljivosti). Euklidov algoritam. Kongruencija modulo  $n$ . Algebarska struktura  $(\mathbb{Z}_n, +, \cdot)$ . Kongruencijske jednadžbe i sustavi kongruencija. Lagrangeov teorem. Mali Fermatov teorem. Skup racionalnih brojeva. Dedekindovi rezovi. Skup realnih brojeva. Skup kompleksnih brojeva. Kompleksni brojevi i trigonometrija. Poligoni i površine. Izometrije ravnine. Homotetija, inverzija. Konike. Jednadžba pravca i konika u polarnim koordinatama. Izometrije i neka preslikavanja prostora. Poliedri.

|                                     |  |  |
|-------------------------------------|--|--|
| <b>1.5. Vrste izvođenja nastave</b> | <input checked="" type="checkbox"/> predavanja<br><input type="checkbox"/> seminari i radionice<br><input checked="" type="checkbox"/> vježbe<br><input type="checkbox"/> e-učenje<br><input type="checkbox"/> terenska nastava<br><input type="checkbox"/> praktična nastava<br><input type="checkbox"/> praktikumska nastava | <input checked="" type="checkbox"/> samostalni zadaci<br><input type="checkbox"/> multimedija i mreža<br><input type="checkbox"/> laboratorijski rad<br><input type="checkbox"/> projektna nastava<br><input type="checkbox"/> mentorski rad<br><input checked="" type="checkbox"/> konzultativna nastava<br><input type="checkbox"/> ostalo |
|-------------------------------------|--|--|

#### 1.6. Komentari

#### 1.7. Oblici praćenja studenata i način vrednovanja rada studenata tijekom nastave

Konačna ocjena iz kolegija Elementarna matematika II dobiva se na temelju postignutnog broja bodova. Sveukupni broj bodova na kolegiju, uključujući bodove ostvarene na vježbama i na završnom ispitu je najviše 100.

Bodovima se ocjenjuju **testovi, kolokviji i završni ispit**. Na završnom se ispitu pismeno i usmeno provjerava poznavanje i razumijevanje obrađenog gradiva kolegija.

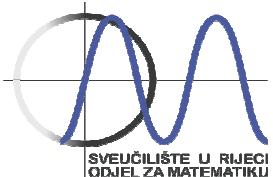
#### Testovi (14 bodova)

U toku semestra bit će zadana dva testa.

Svaki test, ako je u potpunosti točno rješen, nosi **maksimalno 7 bodova**. Maksimalni broj bodova koje student može ostvariti na testovima je **14**.

#### Kolokviji (56 bodova)

U toku semestra, u terminima predviđenim donjom tablicom, održat će se dva (pismena)



kolokvija sa zadacima iz obrađenog gradiva. Na kolokvijima student može ukupno sakupiti **56 boda** (**28 bodova po pojedinom kolokviju**), a izostanak ili odustajanje se boduje s 0 bodova. Na kolokvijima nije dopušteno koristiti dodatne materijale s vježbi i formule.

**U zadnjem tjednu nastave omogućit će se popravak, odnosno nadoknada kolokvija.** Svaki student može pisati jedan popravni kolokvij. Tako ostvareni bodovi zamjenjuju raniji bodovni rezultat čak i u slučaju da su kasnije ostvareni bodovi lošiji od onih ranije ostvarenih.

## 2. SUSTAV OCJENJIVANJA

### 2.1. Ocjenjivanje i vrednovanje rada studenata tijekom nastave i na završnom ispitu

Rad studenta na predmetu će se vrednovati i ocjenjivati tijekom nastave i na završnom ispitu. **Ukupan broj bodova koje student može ostvariti tijekom nastave je 70.** Kroz sve oblike kontinuiranog praćenja i vrednovanja studenata **tijekom nastave treba ukupno skupiti barem 35 ocjenskih bodova da bi se moglo pristupiti ispitu.** Također, **student mora ispuniti minimalne uvjete za pristup ispitu.** Na ispitu je moguće ostvariti **maksimalno 30 bodova.** Prag prolaznosti na završnom ispitu ne može biti manji od 50% uspješno riješenog ispita. **Ispit se polaze kao usmena provjera znanja.**

**Studenti koji tijekom nastave ostvare od 0% do 49,9% ocjenskih bodova** koje je bilo moguće steći kroz oblike kontinuiranog praćenja i vrednovanja studenata **ocjenjuju se ocjenom F** (neuspješan), **ne mogu steći ECTS bodove i moraju ponovno upisati predmet.** Isto vrijedi i za studente koji u tri ponuđena ispitna roka ne polože završni ispit.

### 2.2. Minimalni uvjeti za pristup ispitu

| AKTIVNOST KOJA SE BODUJE | MINIMALNI BROJ BODOVA |
|--------------------------|-----------------------|
| Kolokviji                | 28                    |
| Testovi                  | -                     |
| <b>UKUPNO:</b>           | <b>35</b>             |
| <b>OSTALI UVJETI:</b>    |                       |

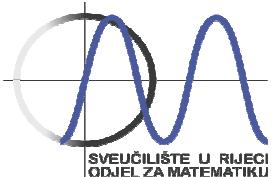
### 2.3. Formiranje konačne ocjene

Na temelju ukupnog zbroja ocjenskih bodova stečenih tijekom nastave i na završnom ispitu određuje se konačna ocjena prema sljedećoj raspodjeli:

| OCJENA | BODOVI                         |
|--------|--------------------------------|
| 5 (A)  | od 90 do 100 ocjenskih bodova  |
| 4 (B)  | od 75 do 89,9 ocjenskih bodova |
| 3 (C)  | od 60 do 74,9 ocjenskih bodova |
| 2 (D)  | od 50 do 59,9 ocjenskih bodova |
| 1 (F)  | od 0 do 49,9 ocjenskih bodova  |

## 3. LITERATURA

### 3.1. Obvezna literatura



- B. Pavković, D. Veljan: Elementarna matematika II, Tehnička knjiga, Zagreb, 1995.g.
- S. Kurepa: Uvod u matematiku, Tehnička knjiga, Zagreb, 1975.g.

### 3.2. Dodatna literatura

- H. Kruglak, J.T. Moore: Schaum's Outline Series, Theory and Problems of Basic Mathematics, McGraw-Hill, New York, 1973.g.
- B. Rich: Schaum's Outline Series, Theory and Problems of Review of Elementary Mathematics, McGraw-Hill, New York, 1977.g.
- Preporučuju se i odgovarajući udžbenici i zbirke zadataka iz matematike za srednje škole

## 4. DODATNE INFORMACIJE O PREDMETU

### 4.1. Pohađanje nastave

Studenti su obvezni prisustvovati na minimalno 70% nastave.

### 4.2. Način informiranja studenata

Potrebne obavijesti o kolegiju studenti će dobivati tijekom nastave te putem mrežnih stranica kolegija (Merlin). Osobna je odgovornost svakog studenta da bude redovito informiran.

### 4.3. Ostale relevantene informacije

Od studenata se očekuje visok stupanj samostalnosti i odgovornosti u radu. Tijekom rada na kolegiju poticat će se poučavanje usmjereni studentu i aktivni pristup učenju.

Prilikom izrade zadataka predviđenih planom i programom kolegija studenti se ne smiju služiti tuđim tekstom kao svojim. Svako neovlašteno preuzimanje tuđega teksta bez navođenja izvora smatra se intelektualnom krađom i podložno je sankcijama predviđenim važećim aktima!

Za uspješan rad s dodatnom literaturom od studenta se očekuje poznavanje engleskog jezika (čitanje i razumijevanje teksta na engleskom jeziku).

### 4.4. Način praćenja kvalitete i uspješnosti izvedbe predmeta

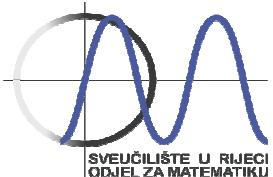
Kvaliteta održane nastave prati se u skladu s aktima Odjela za matematiku i Sveučilišta u Rijeci. U zadnjem tjednu nastave tekućega semestra provodit će se anonimna anketa u kojoj će studenti evaluirati kvalitetu održane nastave iz ovog predmeta. Na kraju semestra provedet će se analiza uspješnosti studenata na održanim ispitima iz ovog predmeta.

### 4.5. Ispitni rokovi

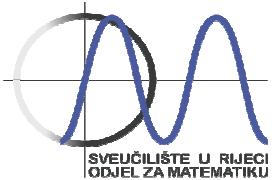
|                     |                          |
|---------------------|--------------------------|
| Ljetni              | 26.06. i 10.07. u 09:00h |
| Jesenski izvanredni | 10.09. u 09:00h          |

## 5. RASPORED IZVOĐENJA NASTAVE I ODRŽAVANJA KOLOKVIJA U AKADEMSKOJ GODINI 2017./2018.

| DATUM  | VRIJEME     | VRSTA NASTAVE | NAZIV TEME                         | GRUPA | PROSTORIJA |
|--------|-------------|---------------|------------------------------------|-------|------------|
| 05.03. | 09:00-12.00 | P             | Prirodni brojevi. Peanovi aksiomi. | SVI   | O-027      |



|        |             |    | Matematička indukcija.   |     |       |
|--------|-------------|----|--|-----|-------|
| 12.03. | 09:00-12:00 | P  | Djeljivost prirodnih brojeva (kriteriji djeljivosti). Najveći zajednički djelitelj. Najmanji zajednički višekratnik. Prosti brojevi. | SVI | O-027 |
| 19.03. | 09:00-12:00 | P  | Osnovni teorem aritmetike. Eratostenovo sito. Uređaj na skupu prirodnih brojeva.   | SVI | O-027 |
| 26.03. | 09:00-12:00 | P  | Cijeli brojevi. Potpuno uređeni skupovi. Ulaganje skupa prirodnih brojeva u skup cijelih brojeva.                                    | SVI | O-027 |
| 02.04. | 09:00-12:00 | P  | Kongruencija modulo $n$ . Algebarska struktura $(Z_n, +, \cdot)$ . Lagrangeov teorem. Mali Fermatov teorem.                          | SVI | O-027 |
| 09.04. | 09:00-12:00 | P  | Skup racionalnih brojeva. Polje $(Q, +, \cdot)$ . Uređaj na skupu $Q$ . Ulaganje skupa $Z$ u skup $Q$ .                              | SVI | O-027 |
| 16.04. | 09:00-12:00 | P  | Realni brojevi. Dedekindovi rezovi u potpuno uređenim skupovima. Fundamentalni (Cauchyjevi) nizovi.                                  | SVI | O-027 |
| 23.04. | 09:00-12:00 | P  | Zbrajanje i množenje realnih brojeva. Uređaj.  | SVI | O-027 |
| 30.04. | 09:00-12:00 | P  | Kompleksni brojevi. Operacije na skupu $C$ . Algebarska struktura na skupu $C$ .   | SVI | O-027 |
| 07.05. | 09:00-12:00 | P  | Kanonski oblik kompleksnog broja. Trigonometrijski oblik kompleksnog broja. Eksponencijalni oblik kompleksnog broja.                 | SVI | O-027 |
| 14.05. | 09:00-12:00 | P  | Planimetrija: aksiomatska izgradnja planimetrije. Osnovna svojstva izometrija i osnih simetrija. Centralna simetrija. Rotacija.      | SVI | O-027 |
| 21.05. | 09:00-12:00 | P  | Poligoni i površine. Neka preslikavanja ravnine. Translacija. Sličnost kao preslikavanje ravnine.                                    | SVI | O-027 |
| 28.05. | 09:00-12:00 | P  | Analitička geometrija u ravnini. Konike.   | SVI | O-027 |
| 04.06. | 09:00-12:00 | P  | Jednadžba pravca i konika u polarnim koordinatama.   | SVI | O-027 |
| 11.06. | 09:00-12:00 | P  | Izometrije i neka preslikavanja prostora. Poliedri.  | SVI | O-027 |
|        |             |    |  |     |       |
| 04.03. | 08:00-10:00 | AV | Skup prirodnih brojeva. Peanovi aksiomi. Peti Peanov aksiom (Princip matematičke indukcije).   | SVI | 0-S31 |
| 11.03. | 08:00-10:00 | AV | Matematička indukcija i jednakosti. Matematička indukcija i nejednakosti.  | SVI | 0-S31 |
| 18.03. | 08:00-10:00 | AV | Matematička indukcija i geometrija. Matematička indukcija i djeljivost.  | SVI | 0-S31 |
| 25.03. | 08:00-10:00 | AV | Najveći zajednički djelitelj brojeva. Euklidov algoritam. Prošireni Euklidov algoritam. Brojevni sustavi.                            | SVI | 0-S31 |
| 01.04. | 08:00-10:00 | AV | Brojevni sustavi. Vježba. O prostim brojevima. Vježba.   | SVI | 0-S31 |
| 08.04. | 08:00-10:00 | AV | O cijelim brojevima. Djeljivost cijelih brojeva.   | SVI | 0-S31 |
| 15.04. | 08:00-10:00 | AV | Djeljnost cijelih brojeva. Relacija  | SVI | 0-S31 |



|               |             |    |  |     |       |
|---------------|-------------|----|--|-----|-------|
|               |             |    | kongruencije.  |     |       |
| <b>29.04.</b> | 08:00-10:00 |    | <b>1. KOLOKVIJ</b>   | SVI | 0-S31 |
| <b>06.05.</b> | 08:00-10:00 | AV | Mali Fermatov teorem. Kineski teorem o ostacima.                     | SVI | 0-S31 |
| <b>13.05.</b> | 08:00-10:00 | AV | Operacije u polju kompleksnih brojeva. Kompleksna ravnina.           | SVI | 0-S31 |
| <b>20.05.</b> | 08:00-10:00 | AV | Područja rješenja sustava u kompleksnoj ravnini. Kompleksni brojevi. | SVI | 0-S31 |
| <b>27.05.</b> | 08:00-10:00 | AV | Analitička geometrija. Ravnina, vektori. Pravac. Osnovni pojmovi.    | SVI | 0-S31 |
| <b>03.06.</b> | 08:00-10:00 |    | <b>2. KOLOKVIJ</b>   | SVI | 0-S31 |
| <b>10.06.</b> | 08:00-10:00 |    | <b>Popravne aktivnosti</b>   |     | 0-S31 |

\*Moguća su manja odstupanja u realizaciji izvedbenog plana.

\*\*Nastava će se odraditi u terminu prema dogovoru sa studentima

P – predavanja

AV – auditorne vježbe